от размеров полос определяется распределением параметров поля в них в переходном режиме, и предположение о равномерном распределении плотности тока для расчета плотности усилий приводит к ложным результатам.

2. Для используемых сечений многополосных шинопроводов размер полос в направлении действия усилий мал, и коэффициент формы для них можно определять в допущении равномерного распределения плотности тока. Расчет усилий для пакетов с достаточно большим размером полос в направлении действия усилий (например, при расположении полос узкими гранями) необходимо проводить с учетом явлений поверхностного эффекта и эффекта близости переходного режима.

ЛИТЕРАТУРА

1. Герасимович Д. А., Носайрат Фаиз. Электромагнитные характеристики многополосных шинопроводов в переходных режимах // Энергетика... (Изв. высш. учеб. заведений и энерг. объединений СНГ). — 2001. — № 1. — С. 18—25.

2. Герасимович Д. А., Носайрат Фаиз. Электромагнитные характеристики шины прямоугольного профиля в переходных режимах // Энергетика... (Изв. высш. учеб. заведений и энерг. объединений СНГ). — 2000. — № 2. — С. 15 — 24.

3. Правила устройства электроустановок. — М.: Энергоатомиздат, 1987.

4. D w i g h t H. B. Repulsion between strap conductors, Electr. — World, 1917. — V. 70. - P. 522 - 524.

Представлена кафедрой электрических станций

Поступила 6.12.2000

УДК 621.316.925

УЧЕТ ПОТЕРЬ В МАТЕМАТИЧЕСКИХ МОДЕЛЯХ СИЛОВЫХ ТРАНСФОРМАТОРОВ

Канд. техн. наук, доц. НОВАШ И. В.

Белорусская государственная политехническая академия

Потери в обмотках и магнитопроводах силовых трансформаторов малой и средней мощности составляют 1-2 %, а в трансформаторах мощностью более 10000 кВ·А - 0,5–1 % номинальной мощности. Столь малые значения потерь практически не сказываются на величинах токов и напряжений (десятые доли процента) даже при коротких замыканиях, когда потери в обмотках возрастают в десятки раз. Более заметное влияние потери активной мощности оказывают на скорость затухания переходных процессов, гармонический состав токов и напряжений, взаимные фазовые сдвиги отдельных гармоник, которые могут использоваться в качестве диагностических признаков тех или иных видов повреждений или ненормальных режимов трансформатора. В качестве диагностических признаков могут выступать также сами величины потерь, гармонический состав их мгновенных значений.

Высокая точность решения дифференциальных уравнений электромагнитных процессов на ПЭВМ – 4–5 правильных значащих цифр при расчете режимов длительностью до нескольких секунд – позволяет учитывать и количественно оценивать мощность активных потерь в этих режимах трансформатора расчетным путем. В статье рассматривается методика учета потерь при математическом моделировании электроэнергетических объектов с силовыми трансформаторами для исследования методом вычислительного эксперимента электромагнитных переходных процессов при различного рода стационарных и коммутационных режимах. Учет потерь при математическом моделировании повышает достоверность вычислительного эксперимента, даже если определение потерь и оценка их влияния не является его основной целью.

Учет потерь в обмотках не представляет принципиальных сложностей и осуществляется введением в математическую модель активных сопротивлений обмоток, измеренных экспериментально или определяемых по каталожному значению потерь короткого замыкания. Мощность потерь в обмотках в любом режиме трансформатора

$$P_{\rm o6} = \frac{1}{T} \int_{t}^{t+T} \left[(i_{\rm o61A}^2 + i_{\rm o61B}^2 + i_{\rm o61C}^2) R_{\rm o61} + (i_{\rm o62A}^2 + i_{\rm o62B}^2 + i_{\rm o62C}^2) R_{\rm o62} + \dots \right] dt \,. \tag{1}$$

Потери в стали ввиду относительной сложности математического описания гистерезисной составляющей удобнее целиком относить к потерям от вихревых токов в магнитопроводе. Такое допущение не приводит к существенным погрешностям расчетов при промышленной частоте и ее отклонениях в диапазоне ± 5–10 %.

Влияние потерь на вихревые токи в однородном участке шихтованного магнитопровода, по которому проходит магнитный поток $\Phi = sB$, можно эквивалентировать наложением обмотки с числом витков w_n , нагруженной на сопротивление r_n [1], в общем случае нелинейное. Ток в обмотке i_n создает размагничивающее действие, в результате которого результирующая затрата МДС на проведение магнитного потока по участку магнитопровода

$$Hl = H_{\rm cr} l - w_{\rm n} i_{\rm n} \,. \tag{2}$$

Здесь *l*, *s* – длина и сечение участка магнитопровода.

Мгновенные значения напряженности магнитного поля в стали H_{cr} и индукции *B* связаны средней кривой намагничивания $H_{cr} = f(B)$ [2], отличающейся от основной спрямленным участком у начала координат. Ток в сопротивлении r_n связан с наведенной в обмотке ЭДС соотношением

$$e = -w_{\rm n}s\frac{dB}{dt} = r_{\rm n}i_{\rm n}.$$
(3)

Подставив в (2) выражение для тока из (3), получим

$$H = f(B) + \frac{w_{\pi}^2 s}{r_{\pi} l} \frac{dB}{dt} = f(B) + K_{\pi} \frac{dB}{dt}.$$
(4)

$$P = \frac{E^2}{r_{\rm n}} = \frac{\omega_0^2 w_{\rm n}^2 s^2}{2r_{\rm n}} B_m^2 = K_{\rm n} \frac{G \omega_0^2 B_m^2}{2\gamma_0}$$

Здесь γ_0 — удельная масса, для холоднокатаной стали равная 7650 кг/м³;

 $G = s l \gamma_0$ – полная масса участка магнитопровода.

Условие эквивалентности потерь в сопротивлении $r_{\rm n}$ и участке магнитопровода приводит к соотношению

$$K_{\rm n} = \frac{2\gamma_0}{\omega_0^2} \frac{P_{\rm cr}}{B_m^2} = 0.155 \frac{P_{\rm cr}}{B_m^2},\tag{5}$$

где P_{cr} – удельные потери в стали при максимальной индукции B_m , Вт/кг.

Поскольку потери от вихревых токов пропорциональны квадрату индукции, значения K_n , вычисленные, согласно (5), для конкретного типа стали, не зависят от индукции. Это подтверждается расчетами величин K_n для различных типов электротехнических сталей по данным [3]: для холоднокатаных сталей в зависимости от типа и толщины листа $K_n = 0, 1-0, 15$; для горячекатаных сталей $K_n = 0, 2-0, 3$.

Аналитическое представление средней кривой намагничивания во всем диапазоне значений индукции и напряженности вплоть до полного насыщения ферромагнетика не может быть достаточно точно выражено единой математической зависимостью. Приемлемые результаты дает аппроксимация зависимости f(B) следующими выражениями [4]:

$$f(B) = \begin{cases} a_1 B \text{ при } |B| < B_1; \\ a_1 B + \frac{B}{|B|} a_2 (|B| - B_1)^{n_1} \text{ при } B_1 \le |B| < B_3; \\ \frac{B}{|B|} [H_3 + a_3 (|B| - B_3) + a_4 (|B| - B_3)^{n_2}] \text{ при } B_3 \le |B| < B_4; \\ \frac{B}{|B|} [H_4 + a_5 (|B| - B_4)] \text{ при } |B| \ge B_4. \end{cases}$$

Коэффициенты a_1 , a_2 , a_3 , a_4 и показатели степени n_1 и n_2 определяются координатами точек 1–4 на характеристике f(B) (рис. 1) и условиями равенства производных $\frac{df(B)}{dH}$ в точках стыковки участков характеристики 1, 3, 4. Коэффициент a_5 задает крутизну участка характеристики f(B) в области полного насыщения магнитопровода

$$a_5 = K_{3an} \frac{1}{\mu_0},$$

где K_{3an} – коэффициент заполнения сталью пространства внутри обмотки, ближайшей к сердечнику.

При анализе режимов, в которых полное насыщение ферромагнетика не наступает, точки 1-4 на характеристике f(B) можно располагать более плотно, а коэффициент a_5 *H* задавать равным крутизне характеристики в конце участка 3-4.

Возможность достоверного учета потерь с помощью выражений (4), (5) в вычислительном эксперименте проверялась расчетами режимов трансформатора в узле распределительной сети, схема которого приведена на рис. 2. Трехфазный трехстержневой трансформатор с группой соединения обмо-



ток $Y_0/\Delta-11$ представлен в математической модели узла уравнениями, не содержащими отдельных индуктивностей рассеяния обмоток [5]. Питающие системы моделируются симметричными трехфазными источниками ЭДС прямой последовательности с неизменными амплитудой и частотой за неизменными внутренними сопротивлениями (системы конечной мощности). Активно-индуктивные нагрузки на стороне высшего (BH) и низшего (HH) напряжений представлены трехфазными ветвями с активными сопротивлениями и индуктивностями. Соответствующим изменением параметров этих ветвей воспроизводятся все виды коротких замыканий. Математическая модель узла сети содержит дифференциальные уравнения электрических контуров, алгебраические уравнения баланса токов в узлах магнитопровода, баланса МДС в контурах магнитопровода.



Рис. 2

Дифференциальные уравнения электрических контуров на стороне высшего напряжения, приведенные к виду, требуемому для решения численными методами:

$$py_{1,2} = e_{c1j} - e_{c1k} - R_{c1}(i_{c1j} - i_{c1k}) - R_{HBj}i_{HBj} + R_{HBk}i_{HBk};$$

$$py_{3} = -R_{c0}i_{c0} - \sum_{j} R_{HBj}i_{HBj} - 3R_{HBH}i_{HB0} \quad (j = A, B, C);$$

 $py_{4.5} = e_{c1j} - e_{c1k} - R_{c1}(i_{c1j} - i_{c1k}) - R_{\tau 1}(i_{\tau 1j} - i_{\tau 1k}) \quad (j = A, B; \ k = B, C);$

$$py_6 = -R_{c0}i_{c0} - R_{TH}i_{T0}.$$

Дифференциальные уравнения электрических контуров на стороне низшего напряжения:

$$py_{7,8} = R_{\text{HH}j}i_{\text{HH}j} - R_{\text{HH}l}i_{\text{HH}l} - R_{\tau^2}i_j \quad (j = A, B; \ l = C, \ A);$$

$$py_9 = -R_{\tau^2}(i_A + i_B + i_C);$$

$$py_{10,11} = e_{\text{c}2\,j} - e_{\text{c}2l} + R_{\text{c}2}(i_{\text{c}2\,j} - i_{\text{c}2l}) - R_{\tau^2}i_j,$$

где i_A, i_B, i_C – токи в обмотках НН трансформатора;

 $R_{\tau 1}, R_{\tau 2}$ – сопротивления обмоток трансформатора;

*R*_{c0} – сопротивление нулевой последовательности системы на стороне ВН трансформатора.

Интегрируемые переменные $y_1, ..., y_{11}$ – потокосцепления соответствующих электрических контуров. Математические зависимости, выражающие их связь с токами и магнитными потоками в элементах магнитопровода трансформатора, входят в состав алгебраических уравнений:

$$\begin{split} L_{\rm c1}(i_{{\rm c1}\,j}-i_{{\rm c1}\,k}) + L_{\rm hhj}i_{{\rm h}{\rm B}j} - L_{{\rm h}{\rm B}k}i_{{\rm h}{\rm B}k}) &= y_{1,2} \quad (j=A,B; \ k=B,C); \\ L_{\rm c0}i_{\rm c0} + \sum_{j} L_{{\rm h}{\rm B}j}i_{{\rm h}{\rm B}j} + 3L_{{\rm h}{\rm B}{\rm H}}i_{{\rm h}{\rm B}0} &= y_{3}; \\ L_{\rm c1}(i_{{\rm c1}\,j}-i_{{\rm c1}\,k}) + w_{1}s_{\rm c}(B_{j}-B_{k}) - w_{1}(\Phi_{{\rm K}j}-\Phi_{{\rm K}k}) &= y_{4,5}; \\ L_{\rm c0}i_{\rm c0} + (L_{\rm T}+3L_{{\rm TH}})i_{{\rm T}0} + w_{1}\Phi_{0\Sigma} &= y_{6}; \\ w_{2}s_{\rm c}(B_{j}-B_{l}) - L_{{\rm h}{\rm H}j}i_{{\rm H}{\rm H}j} + L_{{\rm h}{\rm H}l}i_{{\rm H}{\rm H}l} &= y_{7,8} \quad (j=A,B; \ l=C,A); \\ w_{2}s_{\rm c}(B_{j}-B_{l}) - L_{{\rm c2}}(i_{{\rm c2}\,j}-i_{{\rm c2}\,l}) &= y_{9}; \\ w_{2}s_{\rm c}(B_{j}-B_{l}) - L_{{\rm c2}}(i_{{\rm c2}\,j}-i_{{\rm c2}\,l}) &= y_{10,11}. \end{split}$$

16

Данные уравнения совместно с указанными выше алгебраическими уравнениями и характеристиками намагничивания образуют замкнутую нелинейную систему с 40 неизвестными, решаемую на каждом шаге численного интегрирования дифференциальных уравнений при известных y_1 , ..., y_{11} .

По приведенной выше модели разработана программа для ПЭВМ и выполнены расчеты нормальных режимов, режимов короткого замыкания, включения трансформатора, отключения внешних КЗ.

Достоверность учета влияния потерь подтверждается хорошим совпадением мощностей потерь в стали, вычисленных по электрическим параметрам режима трансформатора

$$P_{\rm cr1} = P_{\rm r1} - (P_{\rm r2} + P_{\rm o6}) \tag{6}$$

и по магнитным параметрам магнитопровода

$$P_{\text{ct2}} = P_{\text{ctA}} + P_{\text{ctB}} + P_{\text{ctC}} + P_{\text{sAB}} + P_{\text{sBC}}.$$

Мощность на стороне высшего напряжения трансформатора

$$P_{\tau 1} = \frac{1}{T} \int_{t}^{t+T} (u_A^{\rm BH} i_{\tau 1A} + u_B^{\rm BH} i_{\tau 1B} + u_C^{\rm BH} i_{\tau 1C}) dt , \qquad (7)$$

где Т – период изменения токов.

Аналогичным выражением определяется средняя мощность на стороне низшего напряжения трансформатора. Мощность потерь в обмотках определяется выражением (1), потери в стержнях магнитопровода P_{cTA} , P_{cTB} , P_{cTC} и элементах ярма P_{sAB} , P_{sBC} – выражениями [1]

$$P_{\rm cr} = \frac{s_j l_j}{T} \oint H_j dB_j \quad (j = {\rm cr}A, {\rm cr}B, {\rm cr}C, {\rm s}AB, {\rm s}BC).$$

Во всех исследовавшихся режимах различие между значениями потерь $P_{\rm cr1}$ и $P_{\rm cr2}$ не превышало 3–5 %. На рис. З представлены результаты расчета режима включения трансформатора мощностью 16 MB · А. В этом режиме различие между $P_{\rm cr1}$ и $P_{\rm cr2}$ практически отсутствует. Наиболее сильно оно проявляется при расчете режимов КЗ, когда $P_{\rm cr1}$ определяется как разность между большими, близкими к друг другу величинами.

Следует отметить, что (6) справедливо только в периодических режимах. При наличии апериодических составляющих в токах трансформатора мощности $P_{\tau 1}$ и $P_{\tau 2}$ содержат, кроме составляющей, обусловленной потерями в обмотках, составляющую, обусловленную неполной компенсацией энергии магнитного поля в межобмоточных пространствах.

Мощность P_{ct2} определяется с меньшим разбросом значений. При расчете установившихся режимов разброс значений P_{ct2} не превышал 1–2%.

Выполненные расчеты свидетельствуют о достоверности учета потерь по (4), (5) при математическом моделировании энергетических объектов с силовыми трансформаторами. На основании выполненных исследований





можно предположить допустимость использования учета потерь по рассмотренной методике в математических моделях источников питания электротехнологических установок, характеризующихся резкой нелинейностью элементов, несинусоидальностью формы кривой токов и напряжений (управляемые выпрямители, дуговые электропечи, электросварочные агрегаты, установки плазменного напыления, плазменного нагрева и т. п.). Уточнение расчетных методов определения ряда технико-экономических показателей этих объектов – потребление энергии, потери, коэффициент полезного действия, коэффициент мощности и т. п. – является актуальной проблемой в настоящее время.

ЛИТЕРАТУРА

1. Нейман Л. Р., Демирчян К. С. Теоретические основы электротехники: Учеб. для вузов: В 2-х т. – Т. 2. – 3-е изд., перераб. и доп. – Л.: Энергоиздат, Ленингр. отд-ние, 1981. – 416 с.

2. Электрические цепис ферромагнитными элементами в релейной защите / А. Д. Дроздов, А. С. Засыпкин, С. Л. Кужеков и др. – М.: Энергоатомиздат, 1986. – 254 с.

3. Электротехнический справочник: В 3-х т. – Т. 2. Электротехнические изделия и устройства / Под общ. ред. профессоров МЭИ (гл. ред И. Н. Орлов) и др. – 7-е изд., испр. и доп. – М.: Энергоатомиздат, 1986. – 712 с.

4. Романюк Ф. А., Новаш В. И. Информационное обеспечение вычислительного эксперимента в релейной защите и автоматике энергосистем. – Мн.: ВУЗ-ЮНИТИ, 1998. – 174 с.

5. Но в аш И.В. Математическая модель трехфазного трехстержневого трансформатора на базе второй теории рассеяния // Энергетика ... (Изв. высш. учеб. заведений). – 1986. – № 5. – С. 36–39.

Представлена кафедрой электротехники и электроники

Поступила 6.12.2000