П. Н. Костюкович

НАТУРНЫЕ ИССЛЕДОВАНИЯ НЕУСТАНОВИВШЕЙСЯ ФИЛЬТРАЦИИ К СКВАЖИНАМ

Анализ развития радиуса влияния скважин показывает, что неустановившаяся фильтрация в водоносных горизонтах носит весьма сложный характер и даже в условиях однородных по проницаемости пластов часто не согласуется с известными представлениями теории линейной фыльтрации. Особенно неясными остаются характер распространения и восстановления неустановившейся депрессионной воронки, ее форма и размеры при различных дебитах скважины. Можно полагать, что такое явление имеет место из-за нестабильности режима водного питания пластов (или граничных условий в общем случае), а также из-за воздействия на неустановившееся движение воды силы тяжести и начального градиента напора (или начального градиента фильтрации) *I*₀. Влияние этих факторов на поведение неустановившейся (и особенно свободной) депрессионной поверхности только начинает изучаться.

Существование начального градиента напора I_0 и вытекающего из него обобщенного закона Дарси приводит к тому, что скорости перераспределения пластового давления и роста неустановившегося радиуса влияния носят затухающий характер. По этой причине радиус влияния скважин всегда имеет конечную величину (практически весьма небольшую) и является функцией дебита скважины [1, 2]. Аналогично параметры пласта, определяемые по формулам теории линейной фильтрации (например, по формулам Дюпюи и Тейса), при наличии I_0 также являются функциями интенсивности возмущения [2, 3]. В связи с этим и возникает вопрос о том, в каких средах движение воды подчиняется закону Дарси и теории линейной фильтрации, а в каких возникает I_0 , и движение подземных вод характеризуется теорией нелинейной или квазилинейной фильтрации.

Для изучения этого вопроса были проведены лабораторные опыты на фильтрационной трубке длиной 1 *м* и сечением 100 с m^2 [3]. Пьезометрическая поверхность замерялась по многочисленным пьезометрам, расположенным вдоль трубки. За градиент напорного установившегося потока принимался уклон прямолинейного участка пьезометрической поверхности, находящегося в центральной части трубки (вблизи торцов трубки пьезометрическая поверхность резко изгибается, поэтому показания торцевых пьезометров в расчет не принимались). Пористой средой служили фракции песка диаметром 0,5—1,0 мм ($k_d = 80 \ m/сутки$) и 2— 3 мм ($k_d = 393 \ m/сутки$).

Установлено, что движение воды в средне- и крупнозернистых песках происходит также при наличии I_0 . Причем в одной и той же пористой среде величина I_0 может быть различной в зависимости от интенсивности и характера потока. Отсюда следует, что практически во всех водоносных горизонтах движение подземных вод будет происходить с возникновением начального градиента фильтрации [3].

Для проверки этого вывода в натурных условиях обобщим результаты определения коэффициента пьезопроводности (уровнепроводности) а и водоотдачи (упругоемкости или запаса) пласта µ, полученные при проведении опытных откачек в однородных по проницаемости средах. Такой анализ позволит оценить достоверность различных гипотез о физической сущности параметров а и µ и создаст предпосылки для построения более совершенных моделей неустановившейся напорной и безнапорной фильтрации.

Для расчета а и и воспользуемся формулой Ч. В. Тейса [4]

$$S_{rt} = \frac{Q}{4\pi T} \ln \frac{2,25 \, at}{r^2} = i \ln \frac{2,25 \, at}{r^2} = i^* \lg \frac{2,25 \, at}{r^2}, \qquad (1)$$

где Q = const — дебит скважины; S_{rt} — понижение уровня в точке r на момент времени t при данном Q; $T = km = Q/4\pi i$ — проводимость пласта по Тейсу, определяемая с учетом времени t; $i = Q/4\pi T$ — тангенс угла наклона графика прослеживания уровня $S_{rt} = f(\ln t)$ к оси $\ln t$ в наблюдательной скважине r; $i^* = 2,3$ i = 0,183 Q/T — то же для графика $S_{rt} = -f(\lg t)$; a — коэффициент пьезопроводности пласта по Тейсу, определяным значениям Q, S_{rt} , i из формулы (1)

$$\ln a = \frac{S_{rt}}{i} - \ln \frac{2,25t}{r^2} .$$
 (2)

Для расчета коэффициента упругоемкости пласта µ имеется множество формул, вытекающих из соответствующих гипотез Буссинеска, В. Херста — М. Маскета, С. Е. Джейкоба — Ч. В. Тейса, В. Н. Щелкачева, Г. И. Баренблатта — А. П. Крылова, В. Н. Николаевского, В. М. Шестакова, Р. Де Уиста, Н. Н. Веригина и других исследователей [4—7]. Однако все они независимо от физического толкования параметра µ (а следовательно, и а) в конечном итоге приходят к линейному уравнению параболического типа [4, 5, 6]

$$\frac{\partial^2 S}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial S}{\partial r} = \frac{1}{a} \frac{\partial S}{\partial t}, \qquad (3)$$

где

$$a = T/\mu = \text{const} \neq f(Q). \tag{4}$$

На этом основании значение a из (2) можем подставить в формулу (4). Тогда получим выражение для определения коэффициента упругоемкости пласта μ по фиксированным значениям Q, S_{rt} , i

$$\ln \mu = \ln \frac{T}{a} = \ln \frac{Q}{4\pi i a} = \ln \frac{2,25 \, Tt}{r^2} - \frac{S_{rt}}{i} \,. \tag{5}$$

Формула (1) справедлива для квазистационарного периода неустановившейся фильтрации, когда графики $S_{rt} = f(\ln t)$ (в различных точках пласта r) и $S_{rt} = f(\ln r)$ (на различные моменты времени t) прямолинейны и подчиняются уравнениям:

$$S_{rt} = A_r + i \ln t = A_r + i^* \lg t \quad (r = \text{const}), \tag{6}$$

$$S_{rt} = A_t - i_D \ln r = A_t - i_D^* \lg r$$
 (t = const), (7)

где A_r — величина S_{rt} на момент времени t=1 в точке r; A_t — величина S_{rt} в точке r=1 на момент времени t; $i_D = Q/2\pi T_D$ — тан-

генс угла наклона графика $S_{rt} = f(\ln r)$ к оси $\ln r$ на момент времени t; $i_D^* = 2,3$ $i_D = 0,366 \ Q/T_D$; $T_D = Q/2\pi i_D = 0,366 \ Q/i_D^*$ проводимость пласта по Дюпюи, определяемая без учета фактора времени из формулы Дюпюи (7).

Функции (6) и (7) представляют собой фундаментальные решения уравнения Лапласа в пространстве понижение — время

$$\frac{\partial^2 S}{\partial t^2} + \frac{1}{t} \frac{\partial S}{\partial t} = 0$$
(8)

и в пространстве понижение — расстояние

$$\frac{\partial^2 S}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial S}{\partial r} = 0.$$
(9)

Уравнения Лапласа (8) и (9) показывают, что в задаче Ч. В. Тейса квазистационарное поле в пространстве времени также является потенциальным и, следовательно, может быть смоделировано на интеграторах, применяемых для моделирования стационарных потенциальных полей.

Из уравнений (6) и (7) следует, что если опытные значения S_{rt} в координатах S_{rt} —lnt и S_{rt} —lnr образуют семейства параллельных прямых с угловыми коэффициентами соответственно *i* и *i*_D, то испытуемый пласт является однородным по проводимости и характеризуется параметрами T = const и T_D = const.

Приведем результаты опытных откачек, удовлетворяющие условиям (6) и (7). Во всех опытах расчет a и μ произведен по формулам (2) и (5).

В опытах Л. К. Венцеля [7] приведены фактические понижения уровня S_{rt}' . Отсчет S_{rt}' производился от абсолютной отметки статического уровня ∇_{cr} в данной точке r. Поскольку в данных опытах $\nabla_{cr} = f(r)$, для анализа использованы приведенные (или расчетные) понижения уровня S_{rt} . Перевод S_{rt}' в S_{rt} произведен по формуле [8]

$$S_{rt} = S_{rt}' + \nabla_r = S_{rt}' + \nabla_{\pi} - \nabla_{cr}, \qquad (10)$$

где ∇_n — абсолютная отметка приведенного статического уровня, от которого отсчитываются понижения S_{rt} ; $\nabla_r = \nabla_n - \nabla_{cr}$ — поправка на приведение фактического понижения S_{rt} к расчетному S_{rt} в точке r.

Результаты опытов Л. К. Венцеля и рассчитанные по ним значения а и μ приведены в табл. 1, 2. Построенные по опытным значениям а и μ графики $\ln a = f(\ln r)$ и $\ln \mu = f(\ln r)$ показывают (рис. 1), что в однородных по проницаемости неограниченных пластах имеют место весьма важные соотношения:

$$\ln a = \ln a_r = \ln a_r^0 + \lambda \ln r, \quad a_r = a_r^0 r^\lambda , \tag{11}$$

$$\ln \mu = \ln \mu_r = \ln \mu_r^0 - \lambda \ln r, \quad \mu_r = \mu_r^0 r^{-\lambda}, \quad (12)$$

где

$$\lambda = \frac{\ln (a_{r_2}/a_{r_1})}{\ln (r_2/r_1)} = -\frac{\ln (\mu_{r_2}/\mu_{r_1})}{\ln (r_2/r_1)}$$
(13)

есть тангенс угла наклона графиков $\ln a = f(\ln r)$ и $\ln \mu = f(\ln r)$ к оси $\ln r$ при данном Q = const; a_r и $\mu_r = T/a_r$ — величины параметров a и μ в

Результаты опытной откачки вблизи Скоттсблафа при $Q=1270 \ caлл/mun=168,91 \ gbym^3/mun$ ($\lambda=-2,65; \ n=0,43; \ T_D=12,1^*_gbym^2/mun; T=28,1 \ gbym^2/mun$)

| | Понижение S _{rt} , фут, по скважинам | | | | | | | |
|---|--|---|--|---|--|---|--|--|
| Ig I, MUH | № 1 | № 2 | № 3 | № 4 | № 5 № | 6 № 7 | Nº 8 | |
| 2,0 2,1 2,2 2,3 2,4 2,5 2,6 2,7 | $ \begin{vmatrix} 5, 61 \\ 5, 72 \\ 5, 83 \\ 5, 94 \\ 6, 05 \\ 6, 16 \\ 6, 27 \\ 6, 38 \\ -0, 08 \end{vmatrix} $ | 3,743,853,964,074,184,294,404,510,16 | 2,81 2,92 3,03 3,14 3,25 3,36 3,47 3,58 -0,24 | 2,262,372,482,592,702,812,923,03-0,32 | $ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$ | $\begin{array}{c c} ,76 & 0,26\87 & 0,37\98 & 0,48\09 & 0,59\20 & 0,70\31 & 0,81\42 & 0,92\53 & 1,02\63 & -0,79\end{array}$ | -0,24 -0,13 -0,02 0,09 0,20 0,31 2,0,42 3,0,53 -0,94 | |
| r, фут lg r i*, фут T, фут²/мин lg a, фут²/мин lg μ = lg (T/a) | 49,84 1,70 1,10 28,1 6,15 4,70 | 99,69 2,00 1,10 28,1 5,05 3,60 | 149,5 2,175 1,10 28,1 4,55 3,10 | 199,9 2,30 1,10 28,1 4,30 2,85 | $\begin{array}{c} 299,5 \\ 2,476 \\ 1,10 \\ 3,88 \\ -2,43 \\ -2,43 \\ -2\end{array}$ | ,4 498,4 ,60 2,70 ,10 1,10 ,1 28,1 ,54 3,29 ,09 | 598, 6 2,777 1,10 28,1 2,98 -1,53 | |

Примечание. Поправка ∇_r определялась по формуле $\nabla_r = 36,85 - \nabla_{cr}$.

Таблица 2

Результаты опытной откачки вблизи Грандайсленда при $Q=540\ caлл/mun=71,82\ gbym^3/mun$ ($\lambda=-0,75;\ n=0,727;\ T_D=7,35\ gbym^2/mun;$ $T=10,11\ gbym^2/mun$)

| | Понижение S _{rt} , фут, по скважинам | | | | | | | |
|--|---|--|--|--|--|--|--|--|
| lg t, мин | № 72 | № 13 | № 56 | Nº 2 | № 14 | № 58 | № 15 | |
| 2,5 2,6 2,7 2,8 2,9 ∇_r , ϕym r , ϕym T , $\phi ym^2/mun$ $\log a$, $\phi ym^2/mun$ $\log u = \log (T/a)$ | 4,27 4,40 4,53 4,66 4,79 0 12,3 1,090 1,30 10,11 2,61 1,61 | 2,95 3,08 3,21 3,34 3,47 -0,03 29,9 1,476 1,30 10,11 2,37 -1,37 | 2,13 2,26 2,39 2,52 2,65 0,02 46,7 1,669 1,30 10,11 2,13 1,13 | $1,82 \\1,95 \\2,08 \\2,21 \\2,34 \\0,01 \\59,9 \\1,777 \\1,30 \\10,11 \\2,10 \\-1,10$ | $1,56 \\ 1,69 \\ 1,82 \\ 1,95 \\ 2,08 \\ -0,08 \\ 70,0 \\ 1,845 \\ 1,30 \\ 10,11 \\ 2,04 \\ -1,04$ | $1, 10 \\ 1, 23 \\ 1, 36 \\ 1, 49 \\ 1, 62 \\ -0, 10 \\ 93, 6 \\ 1, 971 \\ 1, 30 \\ 10, 11 \\ 1, 94 \\ -0, 94$ | $\begin{array}{c} 0,75\\ 0,88\\ 1,01\\ 1,14\\ 1,27\\ -0,14\\ 120,0\\ 2,079\\ 1,30\\ 10,11\\ 1,89\\ -0,89\end{array}$ | |

Примечание. Поправка ∇_r определялась по формуле $\nabla_r = 1810, 28 - \nabla_{cr}$.

точке r; $\ln a_r^0$, $\ln \mu_r^0 = \ln (T/a_r^0)$ — соответственно отрезки осей $\ln a_r$ и $\ln \mu_r$, отсекаемые графиками $\ln a_r = f(\ln r)$ и $\ln \mu_r = f(\ln r)$. Поскольку в теории линейной неустановившейся фильтрации $T_D = T$,

Поскольку в теории линейной неустановившейся фильтрации $T_D = T$, для каждого опыта наряду с параметрами λ определялся и другой критерий линейности неустановившейся фильтрации [1, 2]

$$n = T_D / T = 2 i / i_D = 2 / (2 - \lambda).$$
(14)

В работах [1, 2] доказано, что если возмущать скважину различными по величине постоянными дебитами $Q_1, Q_2, ..., Q_n$, то величины критерия λ будут изменяться по определенному закону и принимать значения $\lambda_1, \lambda_2, ..., \lambda_n$, соответствующие указанным величинам Q. При этом в данном пласте график функции $\lambda = f(Q)$ пересекает ось Q только один раз, т. е. только при некотором одном значении $Q = Q_0$, когда $\lambda = 0$, неустановившаяся фильтрация протекает согласно теории линейной фильтрации.

За пределами полосы $Q = Q_0$, т. е. при $Q < Q_0$ (здесь $\lambda > 0$, n > 1) и $Q > Q_0$ (здесь $\lambda < 0$, n < 1), имеют место квазилинейные разновидности неустановившейся фильтрации. Насколько часто встречаются на практике эти разновидности неустановившейся фильтрации, можно судить по следующим опытам.



Например, откачка вблизи Скоттсблафа (табл. 1) показывает, что при данном дебите критерии неустойчивости фильтрационного потока $\lambda = -2,65$, n = 0,43 и функции (11) и (12) имеют вид (рис. 1):

lg
$$a_r = 10,39 - 2,65 \cdot \lg r$$
, $a_r = 10^{10,39} r^{-2,65}$, φym²/мин;
ln $\mu_r = -8,94 + 2,65 \cdot \lg r$, $\mu_r = 10^{-8,94} r^{2,65}$.

Аналогичным методом обработано множество других опытных откачек, результаты которых удовлетворяют уравнениям (6) и (7). Опытные значения λ и *n* приведены на графике функции (14) (рис. 2). Номера точек $\lambda = f(n)$ соответствуют опытам: I — откачка на ферме Вортман, $Q=72 \ \phi y \tau^3/mun$ [9]; 2 — откачка в долине реки Арканзас, $Q==93 \ \phi y \tau^3/mun$ [10]; 3 — см. [11], узел скважин 21 г при $Q=2600 \ m^3/cy\tau$; 4 — табл. 1; 5 — откачка вблизи Брэдфорда в марте 1962 г., $Q=55 \ \phi y \tau^3/mun$ [12]; 6 — откачка из скважины 3 ц, $Q=288 \ m^3/cy\tau$ [13]; 7 — табл. 2; 8 — см [14, табл. 19]; 9 — см. [15], скважины 13, 26 и др.; 10 — см. [14, табл. 13]; 11 — см. [16]; 12 — табл. 3, $Q=240 \ m^3/cy\tau$; 13 —

Таблица З

| Q, м³/сутки | <i>t</i> , сутки | Пони | іжение S _{rt} , | To | λ | | |
|----------------|--|--|--|--|--|------------|---------------------|
| | | 2ц | <i>r</i> ₁ | r ₂ | r 3 | - <i>D</i> | n |
| 134 | $ \begin{array}{c} 1\\ 2\\ 3\\ 4\\ 5\\ 6\\ i^*, \\ m\\ T\\ 1 g a\\ 1 g \mu = \lg (T/a) \end{array} $ | $\begin{array}{c} 9,92\\ 11,47\\ 12,22\\ 12,97\\ 13,34\\ 13,86\\ 5,051\\ 4,855\\ -0,585\\ 1,272\\ \end{array}$ | $\begin{array}{c} 0, 63\\ 0, 67\\ 0, 70\\ 0, 72\\ 0, 73\\ 0, 74\\ 0, 141\\ 173, 9\\ 5, 078\\ -2, 838\end{array}$ | $\begin{matrix} -\\ 0,35\\ 0,39\\ 0,42\\ 0,44\\ 0,45\\ 0,46\\ 0,141\\ 173,9\\ 5,532\\ -3,292 \end{matrix}$ | $\begin{array}{c} 0,29\\ 0,33\\ 0,36\\ 0,38\\ 0,39\\ 0,40\\ 0,141\\ 173,9\\ 5,727\\ -3,487\end{array}$ | 220,8 | <u>0,42</u> 1,27 |
| 180 | $ \begin{array}{c} 1\\ 2\\ 3\\ 4\\ 5\\ 6\\ i^*, & m\\ T\\ \lg a\\ \lg \mu = \lg (T/a) \end{array} $ | 14,59 16,10 16,97 17,59 18,40 18,62 5,167 6,375 0,274 0,530 | 1,74 $1,81$ $1,85$ $1,90$ $1,92$ $0,231$ $142,6$ $8,142$ $-5,988$ | 1,34 1,41 1,45 1,48 1,50 1,02 0,231 142,6 8,851 6,697 | $\begin{array}{c} 1,25\\ 1,32\\ 1,36\\ 1,39\\ 1,41\\ 1,43\\ 0,231\\ 142,6\\ 9,081\\6,93\end{array}$ | 205,3 | <u>0,61</u> 1,44 |
| 240 | $ \begin{array}{c} 1\\ 2\\ 3\\ 4\\ 5\\ 6\\ i^*, m\\ T\\ \lg a\\ \lg \mu = \lg (T/a) \end{array} $ | 20,50 22,22 23,32 23,97 24,59 25,00 5,77 7,613 1,003 -0,12 | $\begin{array}{c} 2,11\\ 2,19\\ 2,24\\ 2,27\\ 2,30\\ 2,32\\ 0,27\\ 162,7\\ 8,425\\ -6,21 \end{array}$ | 1,541,621,671,701,731,750,27162,78,7546,54 | $\begin{array}{c} 1,40\\ 1,48\\ 1,52\\ 1,55\\ 1,59\\ 1,61\\ 0,27\\ 162,7\\ 8,860\\6,64\end{array}$ | 188,7 | 0,28 1,16 |

Результаты опытной откачки из скважины 2ц радиуса $r_0 = 0,08$ м при m = 20 м ($r_1 = 3$ м; $r_2 = 50,2$ м; $r_3 = 102$ м; длина фильтра 13,26 м; глубина скважины 110 м [8])

табл. 3, $Q = 134 \ \text{м}^3/\text{сут}$; 14 — табл. 3, $Q = 180 \ \text{м}^3/\text{сут}$; 15 — см. [17], $Q = 2000 \ \text{м}^3/\text{сут}$; 16 — откачка вблизи Элмвейла в июне 1960 г., $Q = 48.2 \ \phi y \tau^3/\text{мин}$ [12]; 17 — см. [18], скважины 1854, 2101.

Из рис. 2 видно, что критерий (или признак) неустойчивости фильтрационного потока λ во всех рассмотренных опытах принимает ненулевые значения, изменяясь от — 6,66 до + 1,55. Это говорит о том, что при изменении интенсивности возмущения в водоносных пластах возникают две квазилинейные разновидности неустановившейся фльтрации, характеризующиеся квазилинейными уравнениями параболического типа

div (grad S) =
$$f(\lambda) \frac{1}{a} \frac{\partial S}{\partial t}$$
, (15)

в которых роль критерия неустойчивости потока играет коэффициент $f(\lambda) = \varphi(Q)$ при скорости изменения уровня (пластового давления).

Очевидно, только в некоторой узкой полосе значений расхода потока $Q = Q_0$, когда $f(\lambda) = 1$, квазилинейные разновидности неустановившейся фильтрации автоматически переходят в линейную разновидность неустановившейся фильтрации, а характеризующие их неустойчивые парамет-

рические уравнения (15) — в линейное уравнение (3), которое также неустойчиво и за пределами полосы $Q = Q_0$ взаимно переходит в уравнения (15). Отсюда следует, что рассматриваемый эффект неустойчивости фильтрационного потока распространяется на все три разновидности неустановившейся фильтрации, а линейная неустановившаяся фильтрация является частным и весьма редким случаем квазилинейных разновидностей неустановившейся фильтрации. Это значит, что в одном и том же водоносном пласте при изменении интенсивности возмущения могут возникать как линейная (в полосе $Q = Q_0$), так и квазилинейные (за полосой $Q = Q_0$) разновидности неустановившейся фильтрации.

В работах [1, 2] доказано, что при соблюдении условий (6) и (7) функции (11) и (12) имеют место, если предположить, что величины неустановившегося радиуса влияния скважины R_t и параметров T_D , T, a, определенные по формулам теории линейной фильтрации, являются функциями дебита скважины Q. С другой стороны, зависимость величин R_t , T_D , T, a от Q имеет место, если движение подземных вод подчиняется обобщенному закону Дарси ($I_0 \neq 0$), а характеризуется по формулам линейной фильтрации ($I_0=0$) [3]. Отсюда можно заключить, что при условии $\lambda \neq 0$, имевшем место в рассмотренных опытах (рис. 2), движение подземных вод подчинялось обобщенному закону Дарси и вытекающей из него теории квазилинейной фильтрации.

Таким образом, анализ результатов опытных откачек позволяет предположить, что в каждом пласте начальный градиент фильтрации I_0 принимает нулевое значение только в некоторой узкой полосе значений расхода потока, лежащих по обе стороны от точки Q_0 .

Возникновение I_0 вносит существенные изменения в методы решения обратных задач теории квазилинейной и нелинейной фильтрации. Например, в законе Дарси коэффициент фильтрации k_i равен угловому коэффициенту прямой $v = k_i I$, проходящей через начало координат (v — установившаяся скорость фильтрации при установившемся градиенте напорного потока I), т. е. при наличии закона Дарси коэффициент фильтрации определяется по одному значению расхода потока $k_i = v_1/I_1 = v_2/I_2 = ... = v_n/I_n = const.$

Совершенно иная методика определения параметров пластов должна применяться при других законах фильтрации. Например, при обобщенном законе Дарси коэффициент фильтрации k_d равен угловому коэффициенту прямой $v = k_d (I \pm I_0)$, отсекающей на оси градиентов отрезок $\pm I_0$ [3]. Поэтому величина k_d определяется уже по двум значениям расхода потока: $k_d = (v_2 - v_1)/(I_2 - I_1) = \text{const.}$ Это значит, что при опытных откачках в случае обобщенного закона Дарси возмущающая скважина должна включаться в работу с различными дебитами не менее двух раз. Только в этом случае в каждой точке пласта мы будем иметь не менее двух градиентов депрессионной поверхности ($I_1, I_2, ...$) при соответствующих расходах потока ($v_1, v_2, ...$). Отмеченные особенности практического использования обобщенного закона Дарси необходимо учитывать при проведении опытно-фильтрационных работ.

Таким образом, обобщение натурных исследований неустановившейся фильтрации к скважинам показывает (рис. 1, 2), что расчет неустановившейся депрессионной поверхности при работе вертикального дренажа необходимо вести с учетом уравнений (11) и (12), т. е. по обобщенной формуле [2]

$$S_{rt} = \frac{Q}{4\pi T} \left[-\operatorname{Ei}\left(-\frac{r^{2-\lambda}}{4a_r^{0}t}\right) \right] = \frac{Q}{4\pi T} \left[-\operatorname{Ei}\left(-\frac{r^2}{4a_r t}\right) \right].$$
(16)

При $\lambda = 0$, т. е. в некоторой узкой полосе значений Q, из (16) получаем формулу Ч. В. Тейса (1). Отметим, что обобщенная формула (16) пред-

ставляет собой автомодельное решение квазилинейного уравнения параболического типа

$$\frac{\partial^2 S}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial S}{\partial r} = \frac{(2-\lambda)^2}{4a_r^0 r^\lambda} \cdot \frac{\partial S}{\partial t}$$
(17)

для краевых условий задачи Тейса [1, 2].

Существование уравнения (11) свидетельствует о том, что неустановившееся движение подземных вод в одном и том же водоносном горизонте носит весьма сложный характер и лишь в некоторых случаях, когда $\lambda = 0$, согласуется с теорией линейной фильтрации. Можно полагать, что закономерность (11) возникает в результате воздействия на распространение депрессионной воронки таких мало изученных явлений, как начальный градиент напора I_0 и режим водного питания пласта. При изменении интенсивности возмущения эти явления влияют на граничные условия пласта, иначе режим питания пласта становится неустойчивым. В частности, с изменением интенсивности отбора жидкости из пласта начинает перемещаться контур питания или приведенный радиус влияния R_t [4]. Обобщенная формула (16) указывает на зависимость величины R_t от дебита скважины Q

$$R_t = (2,25 \, a_r^0 t)^{1/(2-\lambda)},\tag{18}$$

поскольку $\lambda = f(Q)$ [2].

В заключение отметим, что обнаруженные зависимости получены из анализа многочисленных натурных опытов и, следовательно, отражают определенные закономерности перераспределения напора в неустановившемся фильтрационном потоке. На этом основании уравнение (11) и вытекающие из него положения могут быть использованы для построения более реальных моделей неустановившегося движения подземных вод.

Литература

1. Костюкович П. Н. Исследование неустановившейся фильтрации в неограниченном пласте. — В сб.: Использование водных ресурсов. Минск, 1969. 2. Костюкович П. Н. Некоторые обобщения основной формулы теории упругого режима. — «Труды БСХА. Мелиорация и гидротехника», 1971, т. 81. 3. Костюксвич П. Н. К определению обобщенного сопротивления водопонижающих скважин. — В сб.: Вопросы водохозяйственного строительства. Минск, 1969. 4. Щелкачев В. Н. Разработка нефтеводоносных пластов при упругом режиме. М., 1959. 5. Бочевер Ф. М. и др. Основы гидрогеологических расчетов. М., 1965. 6. Методы фильтрационных расчетов гидромелиоративных систем. Под ред. Н. Н. Веригина. М., 1970. 7. Wenzel L. К. Methods for determining permeability of water-bearing materials.—Jn: U. S. Geological Survey water-Supply Paper 887. Wachington, 1942. 8. Костюкович П. Н. Гидрогеологические расчеты дрен и параметров водоносных горизонтов. Канд. дис. Л., 1965. 9. Hantuch M. S. Analysis of data from pumping tests in leaky aquifers.—, Fransactions American Geophysical Union", 1956, v. 37, № 6. 10. Hantuch M. S. Analysis of data from pumping wells near a river.—, Journal of Geophysical Research", 1959, V. 64, № 11. 11. Бочевер Ф. М., Орфаниди К. Ф. Опыт определения исходных гидрогеологических параметров для оценки эксплуатационных запасов подземных вод. — «Труды лаборатории инженерной гидрогеологич», 1962, вып. 4. 12. Watt A. K. An assessment of the non-equilibrium equations in various aquifers.—In: Proce edings of Hydrology Symposium Held at the University of Alberta. Ground Water", Ottawa, 1963. 13. Костюкович П. Н. Об исходных предпосылках при определении промежутка высачивания и параметров пластов. — «Изв. вузов. Геология и разведка», 1966, № 3. 14. Биндеман Н. Н. Оценка эксплуатационных запасов подземных вод. М., 1963. 15. Самоонов Б. Г., Бурдакова О. Л., Кривошеева Л. И. Сравнительная оценка способов определения пларогеологических параметров в неоднородных в плане пластах. — «Труды ВНИИ гидрогеологиче и ниженерной геологии», 1