МКЭ-АУДИТ НАПРЯЖЕНИЙ В ПИЗАНСКОЙ БАШНЕ ПОД МАКСИМАЛЬНЫМ НАКЛОНОМ. СЕРИЯ «МКЭ ДЛЯ ПИЗЫ». ЧАСТЬ С.

Студенты гр.10305220 Шведова Д.Н., Роденя А.В. Научные руководители – Довнар С.С., Лапука А.Д. Белорусский национальный технический университет Минск, Беларусь

B ланной работе путем МКЭ-анализа выясняется состояние наклоненной Пизанской напряженное башни под действием силы тяжести (расчетный случай LC «self-lean»). Башня подвергается комбинированному воздействию осевого сжатия, перерезывающей силы изгибающего момента. Башня И моделируется в условиях максимального из зафиксированных у неё наклонов: $\alpha_T = 5,5^\circ$. В настоящее время наклон уменьшен на полтора градуса благодаря воздействиям итальянских инженеров на нижележащие грунты.

На рисунок 1 отражена техника нагружения башни -«включается» сила тяжести (под углом $\alpha_T = 5,5^\circ$ к оси башни) и последняя отклоняется. Рисунок 1 а, б, в показывают картины эквивалентных напряжений при вариации материалов башни и Поля напряжений фундамента. именно оказываются почти нечувствительными к смене материалов. Поэтому, некоторая имеюшаяся неопределенность в механических свойствах фундамента и башни непринципиальна для картин напряжений.

Вариации материалов сильно влияют на деформационные перемещения. На рисунок 1, а отражено базовое сочетание материалов – мраморная башня на бетоне. Перемещения башни Если бетонных минимальны лва нижних лиска счесть эквивалентными грунту (как и было при строительстве), то (рисунок 1, б) верхнее фундаментное кольцо опустится на 27,9 мм, а верхушка башни уйдет вправо на 92,5 мм. В третьем испытании солидов базиса выше был материал всех OT И принят эквивалентным модельной кладке (рисунок 1, в). Положение фундамента не изменилось (27,5 мм). Отклонение башни возросло до 125,6 мм из-за её большей податливости.



Рисунок 1 – Эквивалентные напряжения σ_e (МПа) и суммарные перемещения (мм) в ключевых точках башни при нагружении по LC «self-lean» (×120): а – «Мрамор на бетоне», б – «мрамор на грунте», в – модельная кладка на грунте.

Ориентация векторов главных напряжений дана на фоне сетки конечных элементов на рисунок 2, а. Видны почти исключительно только синие вектора минимального главного напряжения σ_3 . Красные и зеленые вектора главных напряжений σ_1, σ_2 практически отсутствуют. Следовательно, почти в каждом месте башни действует одноосное сжатие. Одноосное растяжение отсутствует, следовательно, стыки блоков не будут раскрываться. Не произойдет разборки сооружения, например, освобождения колонн.

Вместе с тем, нагружение сжатием весьма несимметрично для наклонной башни ($\alpha_T = 5,5^\circ$). Видно, что на внутренней стороне изгиба (справа) сжатие максимально. На внешней стороне изгиба (слева) вектора напряжения σ_3 почти отсутствуют. Это опасно для каменного сооружения. Таким образом, угол наклона башни $\alpha_T = 5,5^\circ$ можно считать предельным. При его превышении ожидаются растяжение и растрескивание конструкции.



Рисунок 2 – Ориентация векторов главных напряжений σ₁, σ₂, σ₃ в сечении башни (a; ×5000) и картина напряжения σ_e (МПа) в районе базиса и колоннады C1 (б; ×120): a – «мрамор на бетоне», б – «мрамор на грунте». LC «self-lean»

На рисунок 2, б видно, как фундаментное кольцо деформирует грунт под башней. Перемещение края фундаментного диска составило 27,9 мм. Напряжения концентрируются на переходах профиля. Уровень эквивалентного напряжения $\sigma_e =$ 3,7224 МПа наблюдается на стыке фундаментного кольца и базиса. Во внутреннем угле в стыке базиса и ствола выявлено напряжение 4,2466 МПа. Колонна сжата до напряжения 4,7 МПа.

Эти места концентрации напряжений находятся в правой части сечения башни, на внутренней стороне изгиба. Слева, на внешней стороне, напряжения малы и не превышают 0,2 МПа. Это нежелательно. Стыки составного сооружения не зафиксированы сжатием.

Самый нагруженный (сжатием) район башни представлен на рисунок 3. Картины напряжений на рисунок 3 а, б практически идентичны, несмотря на вариации материалов. Они относятся месту изгиба башни на уровне нижней колоннады. Рассмотрим рисунок 3, а. Здесь есть три места концентрации напряжений. Во-первых, регулярная сетка выявляет сильное сжатие колонны (4,7604 МПа). Во-вторых, вновь обнаруживается дуговой концентратор сжатия ДКС (дуга от 4,3398 до 3,5861 МПа). В-третьих, наблюдается перегруженный район в глубине стены базиса 4,3398 - 2,9711 – 3,2104 МПа. Он обусловлен прохождением винтового хода вблизи ДКС. Поля сконцентрированных напряжений вокруг хода взаимодействуют с полями напряжений возле внутреннего угла «ствол – базис».



Рисунок 3 – Распределения напряжения σ_e (МПа) на переходе от ствола к базису: а – «мрамор на бетоне» (×5000), б – «кладка на грунте» (×120). LC "self-lean".

Сжимающие напряжения распределены по толще стены базиса практически равномерно: 1,6813 – 1,5423 – 1.5711 МПа. Выше, в стене ствола, напряжения больше на наружном диаметре (1,6112 – 1,9076 – 2,2456 МПа). Стена ствола нагружена слабее (2,2456 МПа), чем соседствующая колонна (4,7604 МПа). Напряжения различаются в 2,11 раза.

В картине напряжений башни существенную роль играет колоннада *C1*. Поэтому на рисунок 4 сравниваются картины напряжений σ_e в присутствие и отсутствие колоннады. Исключение *C1* приводит к небольшому росту горизонтального отклонения верхушки башни – с 4,0089 мм до 4,2842 мм (в 1,07 раза). Колоннада слабо влияет на жесткость башни.

В полной модели (рисунок 4, а) сильнее всего напряжены колонны C1 со стороны изгиба (4,1123 МПа). На верхних ярусах колонны почти не нагружены (0,5732 МПа). Эквивалентные напряжения концентрируются также (2,7246 МПа) на переходе от мраморного базиса к мраморному же фундаментному кольцу. В ключевом районе башни (рисунок 4, б) за тремя скрытыми колоннами на стволе выявляется дуговой концентратор сжатия ДКС (4,0335 МПа).

В случае исчезновения C1 (рисунок 4, в), например, из-за повреждений колонн, напряжения на ключевом участке возрастут в (5,0724/4,0355) = 1,256 раз. Это изменение н.д.с. является существенным, но не принципиальным. Ствол наклонной башни способен справляться с гравитационной нагрузкой даже в случае отключения колонн C1.



Рисунок 4 – Картины эквивалентного напряжения σ_e (МПа) под действием силы тяжести для полной модели (a), района колоннады C1 (б) и модели без C1 (в): LC «Self-lean»; ×3000

Картина σ_3 на рисунок 5, а подтверждает, колонны первого яруса, находящиеся со стороны наклона, сильно сжаты (-4,7494 МПа). Они должны первыми подвергнуться разрушению при возрастании нагрузки на башню. Данные колонны были нагружены только до $\sigma_3 = -2,3785$ МПа при вертикальном положении башни.

Следовательно, моделируемый наклон $\alpha_T = 5°30'$ в ситуации увеличивает сжимающие напряжения в 1,99 раз (*двукратно*).

На противоположной наклону стороне башни сжимающие напряжения в колоннах приближаются к нулю (-0,11278 МПа). В случае дополнительного наклона напряжения здесь станут растягивающими. Тогда у колонны появится недопустимая подвижность, ведущая к обрушению конструкции. Итак, судя по картинам σ_3 , наклон $\alpha_T = 5°30'$ близок к предельно допустимому для Пизанской башни.

Более подробную картину сжатия в окрестности C1 дает рисунок 5, б. Видно, что противоположные пары колонны нагружены по-разному: колонна справа сильно сжата (-4,455 МПа), а колонна слева (-0,3664 МПа) близка к нейтральному состоянию. Аналогичное сочетание сжатия и нейтральности наблюдается внизу базиса (-3,32 и -0,13255 МПа) и во второй колоннаде C2 (-2.964 и - 0,3256 МПа). Это суперпозиция осевого сжатия и изгиба.

Обратим внимание, что на одной и той же высоте башни (на первом ярусе) сжатию колонны C1 до -4,4555 МПа соответствует сжатие в стене ствола (на наружном диаметре) только до -2,2746 МПа. Получается, что стена подвергается примерно вдвое меньшим напряжениям сжатия, чем колонна (на одинаковой высоте).



Рисунок 5 – Картины минимального главного напряжения σ₃ (МПа) для вида снаружи (a; ×3000) и вида со скрытой половиной ствола (б; ×1500): LC «Self-lean»

Подробные виды на район колоннады C1 даны на рисунок 6 а и б. На рисунок 6, а видны прежде всего сжатые колонны (-4,7494 МПа). Если их скрыть, то на рисунок 6, б становится хорошо виден (-4,3183 МПа) концентратор ДКС. Визуально он связан с местом перехода ствола в базис. ДКС колонны C1 выглядят одинаково опасными с точки зрения разрушений (напряжения в обоих местах близки: -4,3183 и -4,7494 МПа).



Рисунок 6 – Распределение напряжения σ₃ (МПа) в районе колоннады C1 на видах снаружи (a; ×3000) и в четвертном разрезе (б; ×1500): LC «Self-lean»

Картины σ_3 на рисунок 7 иллюстрируют два разных решения (с колоннадой *C1* и без нее). На рисунок 7, а колоннада работает в составе башни. Маркер -4,5973 МПа указывает на напряжения в ДКС, наблюдаемом сейчас снизу.



Рисунок 7 – Картины напряжения σ₃ (МПа) на видах снизу при напряженной колоннаде C1 (а) и при её выключении из работы (б): LC «Self-lean»; ×3000.

Для получения распределения σ_3 на рисунок 7, б колоннада С1 была отключена. Минимальное главное напряжение достигло в ДКС уровня -5,0243 МПа. ДКС усилился только в 1,22 раза. Ствол является главной несущей системой Пизанской башни.

Выводы:

- 1. Барабан колонн Пизанской башни является более нагруженной несущей системой, чем ствол (до ~2 раз по сжимающим напряжениям).
- 2. Равномерного распределения веса между двумя несущими конструкциями НСБ (колонны) и НСТ (ствол) не достигается даже в виртуальном варианте вертикальной башни.
- 3. Самыми напряженными структурными деталями в башне являются колонны. Самой напряженной колоннадой является нижняя колоннада *C1*.

- 4. Концентрация напряжений наблюдается в кольцевом внутреннем угле на стыке базиса и ствола (дуговой концентратор сжатия ДСК).
- 5. Винтовой ход является концентратором напряжений. Его стенки нагружены сжимающими напряжениями в 1,5 2 раза выше, чем сплошные участки ствола.
- 6. При наклоне башни на максимальный угол $\alpha_T = 5,5^\circ$, сжимающие напряжения в колоннах *C1* снаружи от центра изгиба, близки к нулю. При дальнейшем наклоне появится опасность растрескивания швов и раскрытия накопленных трещин.
- 7. Наклон башни на максимальный угол *α_T* = 5,5°, увеличивает сжимающие напряжения в колоннах *C1* в два раза по сравнению со строго вертикальной установкой башни.
- 8. При наклоне башни на угол $\alpha_T = 5,5^\circ$ сжимающие напряжения в колоннах примерно вдвое выше, чем на наружном диаметре ствола. Ствол башни способен взять на себя нагрузку в случае выхода из строя колонн.

УДК 621.91.04 СИНТЕЗ И РЕАЛИЗАЦИЯ СХЕМЫ ОБРАБОТКИ КРУГОВОЙ ВИНТОВОЙ ПОВЕРХНОСТИ НА ТОКАРНО-ЗАТЫЛОВОЧНОМ СТАНКЕ СТУДЕНТ ГР.10305219 ДОРОШКЕВИЧ Е.Г.

Научный руководитель – профессор Данилов В.А. Белорусский национальный технический университет Минск, Беларусь

Постановка задачи. Круговая винтовая поверхность (КВП) является рабочей поверхностью роторов одновинтовых насосов (рисунок 1) различного технологического оборудования: от нефтегазовой отрасли до пищевой промышленности [1].

Следует отметить, что отечественная промышленность не производит станки для обработки КВП, поэтому детали эксплуатируемого в стране импортного оборудования с такими поверхностями обычно приобретаются за рубежом. Для