

гетического баланса по рассматриваемым схемам показывает, что энергетические затраты в комбинированных схемах на получение углекислоты сводятся к минимуму. Несомненно, значительный интерес представляет структурная оптимизация подобных схем с использованием эксергетического анализа и применению других технологий для разложения дымовых газов.

УДК 666.92

**Анализ работы печи для обжига извести типа ППР  
Жлобинского металлургического завода**

Седнин В.А., Кожевников А.Г., Мельников И.В.  
Белорусский национальный технический университет  
РУП «Белорусский металлургический завод»

На БМЗ установлены и функционируют две шахтные прямоточно-противоточные регенеративные печи (ППР), основным преимуществом которых являются: относительно низкий удельный расход топлива (125...136 условного топлива на 1 т продукции), высокая регенерация теплоты отходящих газов (80-85%), высокий удельный съем извести с единицы поперечного сечения печей 120...130 т/(м<sup>2</sup> сут), выпуск извести без пережога, высокая степень диссоциации сырья (96...98%), умеренные капитальные затраты при реконструкции действующих печей, возможность обжига фракционированного известняка с размером кусков, начиная с 15...20 мм и разбросом 1:3,5...1:4.

Анализ показателей действующих на БМЗ печей видно, что имеются резервы по увеличению производительности и повышения эффективности работы печи за счет частичной ее модернизации, а также оптимизации режимных параметров. Оптимизацию конструктивных и режимных параметров возможно осуществить путем применения методов математического планирования промышленного эксперимента и разработки математической модели, описывающей физико-химические процессы в печи, проведения ее идентификации и выполнения численного эксперимента.

С точки зрения математической физики процесса обжига кальцита  $\text{CaCO}_3$  относится к задачам теплопроводности, в которых материал претерпевает физические и химические превра-

щения с поглощением теплоты химической реакции. Существенной особенностью таких процессов является наличие движущейся поверхности термического разложения  $S$  между зоной кальцита  $\text{CaCO}_3$  и мела  $\text{CaO}$ . На этой границе происходит поглощение теплоты диссоциации  $L = -1780$  кДж/кг, а также значительное изменение теплопроводности и других физических свойств. Такие процессы описываются достаточно сложными нелинейными уравнениями, что сильно затрудняет их решение. До настоящего времени надежные аналитические формулы и численные алгоритмы пригодные для физически обоснованных расчетов таких процессов в литературе отсутствуют.

Процесс переноса теплоты в процессе обжига в направлении  $x$  описывается дифференциальным уравнением теплопроводности

$$c\rho \frac{\partial t}{\partial \tau} = \frac{\partial}{\partial x} \left( \lambda \frac{\partial t}{\partial x} \right), \quad (1)$$

где  $t$ ,  $c$ ,  $\rho$  и  $\lambda$  - соответственно температура, теплоемкость, плотность и теплопроводность материала;  $\tau$  - время.

Это уравнение определяет скорость изменения температуры  $\frac{\partial t}{\partial \tau}$  в точке  $x$  в зависимости от изменений градиента темпера-

туры  $\frac{\partial t}{\partial x}$  и теплового потока  $q_x = -\lambda \frac{\partial t}{\partial x}$  в направлении  $x$ , а

также учитывает влияние физических свойств вещества  $c$ ,  $\rho$  и  $\lambda$ . Поскольку выражение (1) является уравнением сохранения энергии при расчетах оно обеспечивает выполнение этого закона во всех точках  $x$  для различных моментов времени  $\tau$ .

Для реальных процессов часто используется трехмерные уравнения теплопроводности

$$c\rho \frac{\partial t}{\partial \tau} = \frac{\partial}{\partial x} \left( \lambda \frac{\partial t}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( \lambda \frac{\partial t}{\partial y} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( \lambda \frac{\partial t}{\partial z} \right), \quad (2)$$

которое учитывает дополнительно изменения потоков теплоты  $q_y = -\lambda \frac{\partial t}{\partial y}$  и  $q_z = -\lambda \frac{\partial t}{\partial z}$ .

Формулы и алгоритмы, применяемые для расчетов должны соответствовать граничному условию при радиационно-конвективном подводе теплоты от дымовых газов к поверхности обрабатываемого материала

$$\alpha_t (t_m - t_s) + \lambda t'_{sx} = 0, \quad (3)$$

$$\alpha_t = \alpha_r + \alpha_c. \quad (4)$$

Здесь  $\alpha_t$  - суммарный коэффициент теплоотдачи на поверхности материала;  $\alpha_r$  и  $\alpha_c$  - соответственно коэффициент теплоотдачи излучением и конвекцией;  $t_m$  и  $t_s$  - соответственно температура дымовых газов и поверхности материала.

Следует учитывать, что коэффициент переноса теплоты излучением  $\alpha_r$  определяется следующим соотношением с очень сильной нелинейностью

$$\alpha_r \Delta t = \left( \frac{t_m + 273}{100} \right)^4 - \left( \frac{t_s + 273}{100} \right)^4. \quad (5)$$

Поэтому граничное условие (3) является нелинейным, для которого эффективные методы расчета не разработаны.

Так как теплота диссоциации  $L$  оказывает очень сильное влияние на перемещение поверхности разложения  $S$ , при разработке методов расчета таких процессов всегда используется граничное условие которое учитывает действие отрицательного источника  $L$  на поверхности  $S$

$$L \rho dx = (\lambda_1 t'_{1x} - \lambda_2 t'_{2x}) dx, \quad (6)$$

где  $dx$  - перемещение зоны диссоциации за время  $d\tau$ ;  $t'_{1x}$  и  $t'_{2x}$  - градиенты температуры на поверхности  $S$  в зоне  $\text{CaO}$  и  $\text{CaCO}_3$  соответственно;  $\lambda_1$  и  $\lambda_2$  - коэффициент теплопроводности соответственно  $\text{CaO}$  и  $\text{CaCO}_3$  при температуре разложения  $t_h = 900^\circ\text{C}$ .

С учетом соотношения (6) расчет выполняется для двух областей (до поверхности радела и за ней), размеры которых непрерывно изменяются. При этом перемещения зоны диссоциации  $x$  значительно зависят от времени  $\tau$ . При подстановке в уравнение (6) функций, определяющих зависимость  $x = f(\tau)$ , условие (6) оказывается сильно нелинейным.

Анализ литературных источников показывает, что существующие численные схемы непригодны для расчета подобных нелинейных задач, так как доказательства сходимости численных алгоритмов к решению задачи не получены, несмотря на многочисленные попытки специалистов в области математической физики. Кроме того, расчеты с помощью различных численных алгоритмов часто приводят к противоречивым результатам, которые могут отличаться в 2 раза и более. Это означает, что численные алгоритмы, возможно, вообще не имеют сходимости к решениям нелинейного уравнения (2).

Важно учитывать, что доказательства сходимости численных алгоритмов к решению задачи (1), (3) и (5) обеспечивают выполнение закона сохранения энергии, который определяется уравнением теплопроводности (5). Поскольку указанные выше расхождения результатов свидетельствуют об очень больших нарушениях основного физического закона сохранения, применение существующих численных алгоритмов приводит к недопустимым ошибкам и оказывается невозможным.

В данном случае предложено расчет выполнять с помощью аналитически полученных точных решений и формул, которые являются наиболее надежными соотношениями и не нуждаются в проверке их пригодности экспериментальными методами. Аналитические методы требуют выбора специальных математических функций, которые удовлетворяют уравнению тепло-

проводности (2), а также нелинейным граничным условиям (3) и (6).

С учетом того, что куски  $\text{CaCO}_3$  имеют произвольную геометрическую форму, для оптимизации процесса обжига необходимо выполнить его теплофизическое моделирование для некоторой области, в пределах которой может изменяться конфигурация кусков. Такое моделирование может выполнено с помощью решений, которые получены для куба и шара [1]. Поскольку куски кальцита имеют некоторую конфигурацию, промежуточную между кубом и шаром соответствующих характерных размеров.

При одинаковом объеме  $V_s = (4/3)\pi R^3$  и куба со сторонами и куба со сторонами  $2x$   $V_c = 8x^3$ , т.е. при  $V_s = V_c$  отношение их размеров  $k_f = x/R$  составит  $k_f = 1,24$ . Если принять средний размер кусков  $x = 100$  мм, то при моделировании радиус шара с таким же объемом составляет  $R = 0,5 \cdot 100(1 + 1,24)/2 = 56$  мм. Размер куба со стороной  $2x$  и тем же объемом будет меньше в  $(1 + 1,24)/2 = 1,12$  раза:  $2x = 100/1,12 = 90,2$  мм.

С учетом вышеизложенного в дальнейшем моделировании выполняется по формулам, полученным для куба и шара [1]. При этом возможное время отжига для кусков, которые имеют средний размер  $x_c$  определяется, как среднее время для куба  $\tau_c$  и шара  $\tau_s$ ,

$$\tau = (\tau_c + \tau_s)/2.$$

Аналогичным образом определяется температура материала в различные моменты времени, если необходимо рассчитывать температурное поле в процессе отжига.

Аналитические формулы позволяют также определить значения коэффициентов теплопроводности  $\lambda$ , а также коэффициенты теплоотдачи  $\alpha_f$  и  $\alpha_s$  в процессе обжига, если имеются экспериментальные значения температуры для различных моментов времени при некоторых режимах. Поскольку значения

$\alpha$ , и  $\lambda$  могут быть ненадежными это преимущество предлагаемых формул является очень важным.

Анализ результатов численного эксперимента позволят разработать технические мероприятия по модернизации печи. Внедрение разработанных предложений должны дать следующие теплотехнологические преимущества: а) исключается пережог материала за счет возможности поддержания температуры факела в любом заведомо заданном диапазоне; б) обеспечивается равномерность распределения температуры по высоте и поперечному сечению печи; в) обеспечивается надежность и безопасность эксплуатации при изменении в широких пределах параметров самой горелки и печи. Это должно в конечном счете обеспечить увеличение производительности печи на 10-20%, снижение удельного расхода топлива не менее, чем на 5...10%, снижение выбросов окислов азота не менее, чем 10...20%.

#### Литература

1. Лыков А.В. Теория теплопроводности. – М.: Высш. шк., 1967.

УДК 699.86:621

### **Параметрический анализ режимов работы новых конструктивов теплопроводов**

Седнин В.А., Абражевич С.И., Аксенович А.В.

Белорусский национальный технический университет  
СП "Бел-Изолит"

При оптимизации конструктивных параметров предварительно изолированного самокомпенсирующегося теплофикационного трубопровода [1] важно определить условия потери устойчивости (состояние при котором возникают большие осевые сжимающие силы и скручивающие моменты).

При потере устойчивости ось эквивалентного бруса выпучивается и может образовать пространственную кривую. Будем считать, что концы бруса закреплены шарнирно. Рассматриваемая система является неконсервативной, но для определения критических значений осевой силы  $P$  и скручивающего момента для данной системы можно воспользоваться статическим методом [2,3].