

Применение нелогарифмических формул для шага численного дифференцирования при оценке точности положения пунктов нелинейными методами

Гармаза О.Е., Шнитко С.Г.

Белорусский национальный технический университет

Большинство алгоритмов используют шаг численного дифференцирования по какому-либо параметру. Экспериментальные исследования показывают, что многие алгоритмы математической обработки геодезических измерений весьма чувствительны к величине шага. Для оценки точности функций измеренных и урвненных величин применяют фундаментальную теорему о переносе ошибок, в которой используют матричное равенство $Q = FP^{-1}F^T$ (1)

В численных методах используют выражение $F_{i,i} = \frac{\hat{X}_\delta - \hat{X}}{\delta}$ (2)

где \hat{X} – вектор урвненных координат определяемых пунктов; \hat{X}_δ – вектор урвненных координат после искажения i -го измерения на величину шага δ .

Вместо (2) можно применять известные выражения

$$F_{ixi} = \frac{1}{2\delta} (\hat{X}_\delta - \hat{X}_{-\delta}) \quad (3)$$

$$F_{ixi} = \frac{1}{6\delta} (\hat{X}_{-2\delta} - 6\hat{X}_{-\delta} + 3\hat{X}_\delta - 2\hat{X}_\delta) \quad (4)$$

$$F_{ixi} = \frac{1}{12\delta} (\hat{X}_{-2\delta} - 8\hat{X}_{-\delta} + 8\hat{X}_\delta - \hat{X}_{2\delta}) \quad (5)$$

Шаг δ ранее рекомендовано вычислять следующим путем:

для введения приращения в измеренную сторону: $\delta_S = 10^{\left(\lg \sqrt{S} - \frac{m}{3}\right)}$ (6)

где S – длина сторон в метрах; m – разрядная сетка ЭВМ.

для введения приращения в измеренное направление: $\delta_H^* = \frac{\delta_S \rho^n}{S}$ (7)

Нетрудно доказать, что выражение (6) можно записать в нелогарифмическом виде:

$$\delta_S = \frac{\sqrt{S}}{10^{\frac{m}{3}}}$$