

продольных стержней у верхней грани железобетонных элементов рассмотренного типа. Площадь поперечного сечения арматуры может быть определена по общим правилам расчета внецентренно сжатых элементов.

УДК 624.072.2(075.8)

И.М.ВЕТРЮК, канд.техн.наук (БПИ)

РАСЧЕТ ШПРЕНГЕЛЬНЫХ БАЛОК

Широко применяемые в строительных конструкциях шпренгельные системы балок, ферм и плит покрытий отвечают требованию рационального укрупнения элементов конструкций, повышению заводской готовности, снижению материалоемкости и стоимости.

Предлагается метод определения усилий в шпренгельных статически неопределимых балках с одной и двумя стойками с помощью уравнений прогибов, представленных или через внешние силы, или через внутренние усилия:

$$f_Q + f_q = f_p + f_\delta, \quad (1)$$

где f_Q , f_q , f_p , f_δ — прогибы балки от нагрузок сосредоточенных, распределенных, искомого усилия в стойке, заданный прогиб в пределах нормативного f_H .

По выражению (1) определяются усилия в стойке и затяжке для различных схем балок и нагрузок (табл. 1).

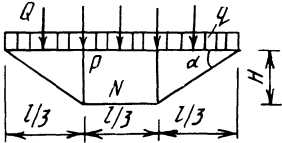
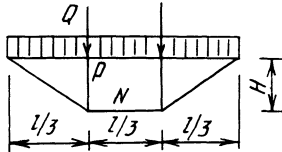
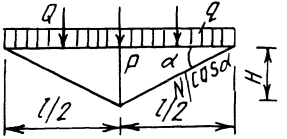
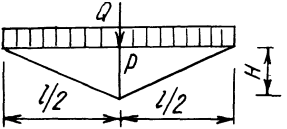
Прогиб шпренгельной балки с одной стойкой можно определить, вычисляя перемещения ее элементов:

$$\Delta_\delta = \frac{N^H l}{2EF} ; \Delta_3 = \frac{N^H l}{2E_1 F_1 \cos^2 \alpha} ; \Delta_{ст} = \frac{P^H H}{E_1 F_2},$$

где F , F_1 , F_2 , E , E_1 , N — соответственно площади поперечных сечений балки, затяжки и стойки, модули упругости материалов балки, затяжки и стойки, продольные усилия в балке, затяжке и стойке, вычисленные по нормативным нагрузкам. Сечения балки, затяжки и стойки определяются по расчетным усилиям. Практически в определении прогиба балки учитывается только деформация растяжения затяжки; деформация сжатия стойки и балки из-за их малости не учитывается (рис. 1, а). Исходя из этих условий, величина прогиба балки определяется по формуле

$$f_\delta = \frac{N l}{E_1 F_1 n_{cp} \sin 2\alpha \cos \alpha},$$

Расчетные формулы усилий

Расчетная схема балки	Усилие Р в стойках от нагрузок, кН		Усилие N, кН	tg α
	Q и q	q		
	$2,15Q + 0,367ql - \frac{28,2EJf\delta}{l^3}$	$0,367ql - \frac{28,2EJf\delta}{l^3}$	$\frac{P}{\operatorname{tg}\alpha}$	$\frac{3H}{l}$
	$Q + 0,367ql - \frac{28,2EJf\delta}{l^3}$	$0,367ql - \frac{28,2EJf\delta}{l^3}$	$\frac{P}{\operatorname{tg}\alpha}$	$\frac{3H}{l}$
	$2,37Q + 0,625ql - \frac{48EJf\delta}{l^3}$	$0,625ql - \frac{48EJf\delta}{l^3}$	$\frac{P}{2\operatorname{tg}\alpha}$	$\frac{2H}{l}$
	$Q + 0,625ql - \frac{48EJf\delta}{l^3}$	$0,625ql - \frac{48EJf\delta}{l^3}$	$\frac{P}{2\operatorname{tg}\alpha}$	$\frac{2H}{l}$

где $n_{\text{ср}}$ — средний коэффициент перегрузки; F_1 — определяется по формуле (3).

Для балки с двумя стойками прогиб y в третях пролета балки (рис. 1, б) находится по деформациям горизонтальной Δ_r и наклонной Δ_H затяжек:

$$\Delta_r = \frac{N^H l}{6E_1 F_1} ; \Delta_H = \frac{N^H l}{3E_1 F_1 \cos^2 \alpha}$$

Здесь F_1 определяется по формуле (4).

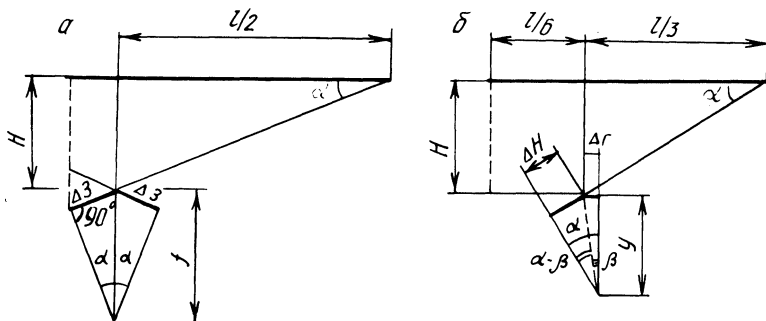


Рис. 1. Графическое определение прогиба шпренгельных балок от поперечных нагрузок:

а — с одной стойкой (f — прогиб балки); б — с двумя стойками (y — прогиб в третях пролета).

Таблица 2.

Прогиб балки f_δ в зависимости от заданного нормативного прогиба f_H

Относительные прогибы	Отношение f_δ/f_H при H/l				
	1/4	1/6	1/8	1/10	1/12
1	0,2882	0,3717	0,4665	0,5668	0,6680
250	0,3757	0,5027	0,6259	0,7573	0,8928
1	0,3455	0,4461	0,5598	0,6801	0,8016
300	0,4505	0,6029	0,7506	0,9087	1
1	0,4611	0,5948	0,7464	0,9068	1
400	0,6011	0,8038	1	1	1
1	0,575	0,7435	0,9333	1	1
500	0,7514	1	1	1	1

Примечания: 1. В числителе f_δ/f_H для балки с двумя стойками, в знаменателе — с одной стойкой. 2. Значения отношений f_δ/f_H даны при расчетном сопротивлении стали марки В ст. Зпс6 $R = 235$ МПа (24000 кгс/см²) и расчетном усилии N , поэтому при определении прогиба балки табличное f_δ следует снижать на коэффициент перегрузки n .

По формуле квадратной параболы и значению $y = \Delta_r / \operatorname{tg} \beta$, который принимается за ординату параболы в третях пролета, определяется максимальный прогиб балки:

$$f_{\delta} = 1,125 y = \frac{0,1875 N_1}{E_1 F_1 n_{cp} \operatorname{tg} \beta}, \quad (2)$$

где угол $\beta = \frac{\cos \alpha}{2 + \cos \alpha} \alpha$.

Площадь сечения затяжки вычисляется по следующим формулам:

для балки с одной стойкой

$$F_1 = \frac{N_1}{E_1 f_{\delta} \sin 2\alpha \cos \alpha}; \quad (3)$$

для балки с двумя стойками

$$F_1 = \frac{0,1875 N_1}{E_1 f_{\delta} \operatorname{tg} \beta}, \quad (4)$$

где f_{δ} — прогиб балки, определяемый по табл. 2.

Предложенный метод расчета шпренгельных балок обладает преимуществом по сравнению с известными [1, 2]. Например, усилия в затяжке, полученные по [1], на 0,03—0,3 % больше, а по [2] — на 0,8—1,5 % меньше.

ЛИТЕРАТУРА

1. О н у ф р и е в Н.М. Простые способы усиления железобетонных конструкций промышленных зданий. — М.: Госстройиздат, 1958. — 231 с. 2. Б е л е н я Е.И., Г е н и е в А.Н., Б а л д и н В.А. и др. Металлические конструкции. — М.: Стройиздат, 1976. — 600 с.

УДК 624.075.23

В.Д.ГРИНЕВ, канд.техн.наук
(Новополоцкий политехн. ин-т)

К ОЦЕНКЕ ПРОЧНОСТИ И ТРЕЩИНОСТОЙКОСТИ СЖАТЫХ БЕТОННЫХ ЭЛЕМЕНТОВ

Расчет прочности бетонных элементов при однозначной эпюре напряжений в бетоне был изложен ранее [1, 2]. Настоящая работа ставит целью получить расчетные формулы для проверки прочности и трещиностойкости при $e > r_{\text{яд}}^{\text{пл}}$. При этом возможны следующие предельные состояния в зависимости от эксцентриситета (рис. 1). Как видно, можно выделить две характерные группы предельных состояний: разрушение без трещин и разрушение с трещинами.

Гипотезы, принятые в основу расчета прочности, следующие:

1) зависимость $\sigma - \epsilon$ для сжатого и растянутого бетона принимается гиперболической;